



COURS

Chapitre 11 « Aspects énergétiques des phénomènes mécaniques »

Les compétences à acquérir...

- Utiliser l'expression de l'énergie cinétique d'un système modélisé par un point matériel.
- Utiliser l'expression du travail $W_{AB}(\vec{F}) = \vec{F} \cdot \overline{AB}$ dans le cas de forces constantes.
- Énoncer et exploiter le théorème de l'énergie cinétique.
- Forces conservatives.
- Établir et utiliser l'expression de l'énergie potentielle de pesanteur pour un système au voisinage de la surface de la Terre.
- Calculer le travail d'une force de frottement d'intensité constante dans le cas d'une trajectoire rectiligne.
- Identifier des situations de conservation et de non conservation de l'énergie mécanique.
- Exploiter la conservation de l'énergie mécanique dans des cas simples : chute libre en l'absence de frottement, oscillations d'un pendule en l'absence de frottement, etc.
- Utiliser la variation de l'énergie mécanique pour déterminer le travail des forces non conservatives.
- Utiliser un dispositif (smartphone, logiciel de traitement d'images, etc.) pour étudier l'évolution des énergies cinétique, potentielle et mécanique d'un système dans différentes situations : chute d'un corps, rebond sur un support, oscillations d'un pendule, etc.



I- Qu'est-ce que l'énergie ? et qu'est ce que l'énergie en mécanique ?

1- Définition :

En sciences physique, l'énergie permet de mesurer la capacité d'un système à mettre en mouvement un objet, à déformer l'objet, émettre un rayonnement ou de la chaleur

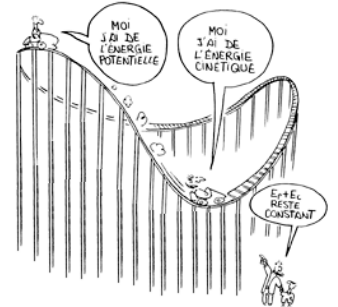


Le mot vient d'ailleurs du grec et signifie « ...force d'action... ».

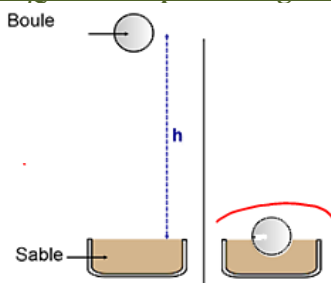
L'énergie notée E s'exprime en joule (J).

2- Quelles sont les énergies utilisées en mécanique ?

Dans ce chapitre, c'est-à-dire en mécanique, nous allons étudier l'énergie cinétique E_c et l'énergie potentielle de pesanteur E_{pp} . Ces 2 formes d'énergie permettront de définir l'énergie mécanique E_m .



a- Qu'est ce que l'énergie cinétique E_c ?



Considérons une boule de pétanque de masse m que l'on lâche à une hauteur h au dessus d'un bac à sable. Cette boule arrive sur le sable avec une certaine vitesse V et l'énergie de la boule, au moment de l'impact, est libérée et crée « un trou dans le sable ». De quels paramètres dépend la taille du trou, c'est-à-dire de quels paramètres dépend l'énergie de la boule ?

Propositions :

- La masse m : plus la masse m est élevée plus l'énergie est importante
- La vitesse V : plus la vitesse V est élevée plus l'énergie est importante (Le trou le est + grand)

Définition de l'énergie cinétique E_c :

Un objet qui se déplace possède une énergie de mouvement, qui dépend de la masse m et de la vitesse appelée énergie cinétique.

La relation donnant l'énergie cinétique E_c d'un système modélisé par un point matériel animé d'un mouvement de translation s'écrit :

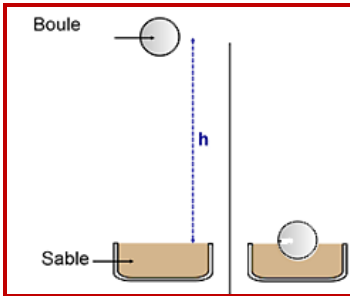
$$E_c = \frac{1}{2} m \times V^2$$

- masse m en kg
- vitesse V en m/s
- Energie cinétique en joule J

Exercice : Calculez l'énergie cinétique E_c de la boule de pétanque de masse $m_b=250$ g arrivant avec une vitesse $V_b = 3,13$ m/s

$$E_c = \frac{1}{2} m_b \times V_b^2 = \frac{1}{2} \times 0,200 \times (3,13)^2 = 0,97 \text{ J}$$

b- Qu'est ce que l'énergie potentielle de pesanteur Epp ?



Revenons sur notre boule de pétanque placée au dessus du bac à sable. Si l'on lâche la boule, à un instant t, celle-ci se met en mouvement ! La boule de pétanque de masse m placée à une hauteur h possède donc, **potentiellement** une énergie.

De quoi dépend cette énergie ?
 - de la masse de la boule : si m est élevée alors l'énergie est + élevée
 - de la hauteur h : si h est élevée alors l'énergie est élevée.

Définition de l'énergie potentielle de pesanteur Epp :

Du fait de sa hauteur h ou de son altitude z par rapport à la Terre un objet possède de l'énergie qu'il peut « potentiellement » restituer. Un objet lâché d'une certaine hauteur se met en mouvement

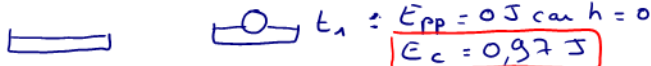
$E_{pp} = m \times g \times h$	<ul style="list-style-type: none"> - m : masse en kg - h : hauteur en m - Epp : en joule
--------------------------------	---

Exercice : Calculez l'énergie potentielle de pesanteur Epp de la boule de pétanque de masse $m_b=250$ g lâchée à une hauteur $h = 50$ cm

$$E_{pp} = m_b \times g \times h = 0,200 \times 9,81 \times 50 \cdot 10^{-2} = 0,98 \text{ J}$$

Remarque :

à t=0s
 $E_c = 0 \text{ J}$
 $E_{pp} = 0,98 \text{ J}$



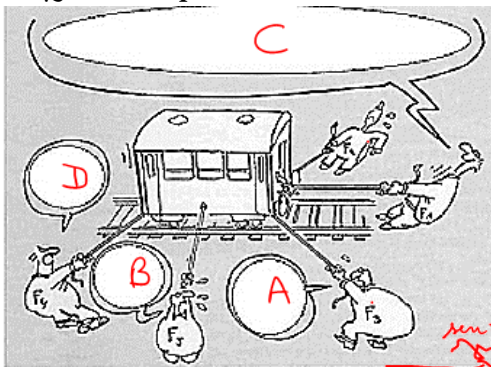
à t=0s $E_{pp} = E_c$ à t1
 Toute l'énergie Epp s'est transformée en énergie cinétique Ec

c- Qu'est ce que l'énergie mécanique dans un champ de pesanteur?

L'énergie mécanique d'un système Em, correspondant à son énergie totale, est la somme de son énergie cinétique Ec et de son énergie potentielle Epp.

$E_m = E_c + E_{pp}$	<ul style="list-style-type: none"> - Ec : énergie cinétique J - Epp : énergie potentielle de pesanteur J - Em : énergie mécanique J
----------------------	--

II- Qu'est-ce que le travail W ? Il serait temps de répondre à cette question !



5 personnes tirent un wagon vers la droite, complétez le schéma en plaçant dans les bulles les lettres A,B,C et D:

- A- Je fais ce que je peux !
- B- Je ne sers à rien !
- C- C'est moi le meilleur !
- D- Je résisterai !

Le travail d'une force traduit

l'effet de la force sur la mise en mouvement de l'objet de personnage exerce une force L au

deplacement : son travail est nul

1- Expression du travail d'une force constante:

Une force appliquée à un point matériel en mouvement peut lui communiquer (ou lui retirer) de l'énergie.

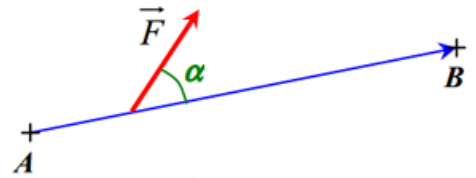
Une force \vec{F} appliquée à un point matériel se déplaçant sur un trajet rectiligne \vec{AB} fournit un travail noté $W_{AB}(\vec{F})$ (communique ou retire de l'énergie)

= produit scalaire des 2 vecteurs :

$$W_{AB}(\vec{F}) = \vec{F} \cdot \vec{AB}$$

$$= F \times AB \times \cos(\widehat{(\vec{F}, \vec{AB})})$$

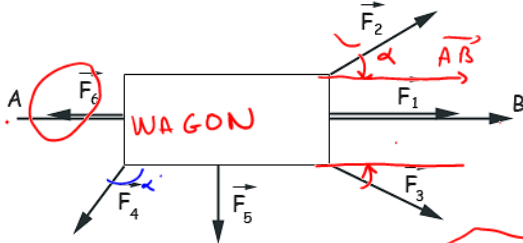
$$|\vec{F}| = F = F \times AB \times \cos \alpha$$



$W_{AB}(\vec{F})$: le travail de \vec{F} sur le trajet AB

avec $\begin{cases} W_{AB}(\vec{F}) \text{ en } \dots \text{joule} \dots \text{J} \dots \\ F \text{ en } \dots \text{Newton} \dots \text{N} \dots \\ AB \text{ en } \dots \text{mètre} \dots \text{m} \dots \end{cases}$

2- **Travail moteur ou résistant** : Dans le cas du wagon, classez dans le tableau, les travaux des 6 forces en justifiant le signes de chacun.



$\vec{F} = F_1 = F_2 = F_3 = F_4 = F_5 = F_6$

$$W_{AB}(\vec{F}_2) = \vec{F}_2 \cdot \vec{AB} = F_2 \times AB \times \cos(\alpha)$$

($\cos \alpha > 0$ car $\alpha < 90^\circ$)
 $\cos \alpha < 1$

$$\Rightarrow W_{AB}(\vec{F}_2) = F \times AB \times \cos \alpha < F \times AB$$

$$W_{AB}(\vec{F}_3) = F_3 \times AB \times \cos(-\alpha) = F \times AB \times \cos \alpha$$

$\cos(-\alpha) = \cos(\alpha)$

$$\Rightarrow W_{AB}(\vec{F}_2) = W_{AB}(\vec{F}_3)$$

$$W_{AB}(\vec{F}_1) = F_1 \times AB \times \cos(\widehat{(\vec{F}_1, \vec{AB})})$$

$$\widehat{(\vec{F}_1, \vec{AB})} = 0 \Rightarrow \cos 0 = 1$$

$$\Rightarrow W_{AB}(\vec{F}_1) = F_1 \times AB = F \times AB \Rightarrow W_{AB}(\vec{F}_1) > W_{AB}(\vec{F}_2)$$

$$W_{AB}(\vec{F}_6) = F_6 \times AB \times \cos(\widehat{(\vec{F}_6, \vec{AB})})$$

$$= F \times AB \times \cos(\pi) \text{ avec } \cos \pi = -1$$

$$= -F \times AB \Rightarrow W_{AB}(\vec{F}_6) = -W_{AB}(\vec{F}_1)$$

$$W_{AB}(\vec{F}_4) = F_4 \times AB$$

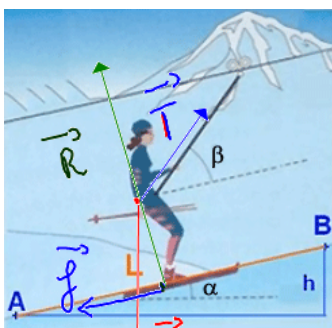
$\alpha > \pi/2$
 $\vec{F}_4 \Rightarrow W_{AB}(\vec{F}_4)$

Travail résistant	Travail nul	Travail moteur
$W_{AB}(\vec{F}_6) ; W_{AB}(\vec{F}_4)$	$W_{AB}(\vec{F}_5)$	$W_{AB}(\vec{F}_1) ; W_{AB}(\vec{F}_2) =$

$$W_{AB}(\vec{F}_5) = F_5 \times AB \times \cos(\widehat{(\vec{F}_5, \vec{AB})}) \text{ avec } (\widehat{(\vec{F}_5, \vec{AB})}) = 90^\circ \Rightarrow \cos 90 = 0$$

$$\Rightarrow W_{AB}(\vec{F}_5) = 0$$

Autre exemple : Une skieuse sur un remonte pente ...



Identifier et représentez sur le schéma les 4 forces qui s'exercent sur la skieuse.

Pour chaque force, donnez l'expression du travail sur le trajet AB et précisez si son travail est résistif, nul ou moteur.

$$W_{AB}(\vec{T}) = \vec{T} \cdot \vec{AB} = T \times AB \times \cos(\widehat{(\vec{T}, \vec{AB})})$$

$$= T \times AB \cos \beta > 0 \text{ car } \beta < 90^\circ$$

$$W_{AB}(\vec{f}) = \vec{f} \cdot \vec{AB} = f \times AB \cos \pi$$

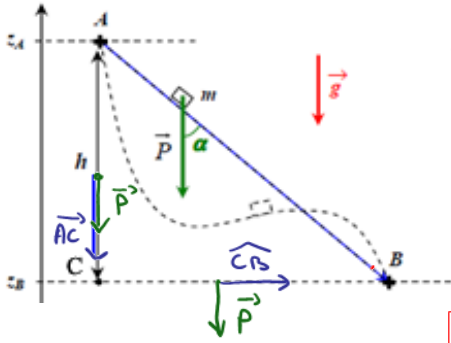
$$= -f \times AB < 0$$

$$W_{AB}(\vec{P}) = \vec{P} \cdot \vec{AB} = P \times AB \cos(\widehat{(\vec{P}, \vec{AB})}) = P \times AB \cos(\frac{\pi}{2} + \alpha) < 0$$

travail du poids sur le trajet AB

3-Le travail du poids : A partir de l'expression du travail du poids et de la relation de Chasles ci-contre démontrer que $W_{AB}(\vec{P}) = mg(z_A - z_B)$

$$\text{Relation de Chasles} \\ \vec{AB} = \vec{AC} + \vec{CB}$$



$$\begin{aligned} W_{AB}(\vec{P}) &= \vec{P} \cdot \vec{AB} \\ &= \vec{P} \cdot (\vec{AC} + \vec{CB}) = \vec{P} \cdot \vec{AC} + \vec{P} \cdot \vec{CB} \\ &= P \times AC \times \cos(\vec{P}, \vec{AC}) + P \times CB \times \cos(\vec{P}, \vec{CB}) \\ &= mg \times AC \times \cos 0 + mg \times CB \times \cos 90^\circ \end{aligned}$$

$$W_{AB}(\vec{P}) = mgh = mg \times (z_A - z_B) \quad \heartsuit$$

Le travail du poids dépend-il du trajet emprunté pour passer du point A au point B ?

Le travail du poids est indépendant du trajet suivi entre les points A et B.

4- Force conservative

Définition :

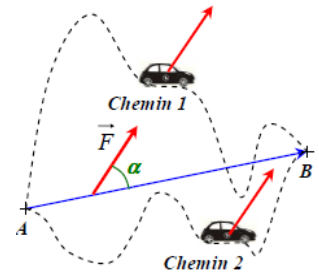
Une force est dite **conservative** si son travail entre deux points A et B quelconques **est indépendant** de la trajectoire suivie entre ces deux points. Une force est conservative si son travail ne dépend que des configurations initiales et finales.

$$W_{AB-\text{chemin1}}(\vec{F}) = W_{AB-\text{chemin2}}(\vec{F}) = W_{AB-\text{chemin3}}(\vec{F}) \dots$$

Pour une force conservative, on a aussi $W_{AB}(\vec{F}) = -W_{BA}(\vec{F})$

« Toute l'énergie donnée dans un sens est reprise dans l'autre »

Toutes les forces constantes sont conservatives : le poids (dans un champ de pesanteur uniforme), la force électrique (dans un champ électrostatique uniforme), mais aussi d'autres forces non constantes (force de rappel élastique d'un ressort, par exemple).



5- Travail de la force de frottement (force non conservative)

Schéma 1 : On considère une masse m qui glisse le long d'une pente avec une force de frottement \vec{f} opposée au mouvement de m .

Exprimez le travail de la force $W_{AB}(\vec{f})$

$$W_{AB}(\vec{f}) = \vec{f} \cdot \vec{AB} = f \times AB \times \cos 180^\circ = -f \times AB$$

Schéma 2 : Exprimez le travail de la force $W_{BA}(\vec{f})$

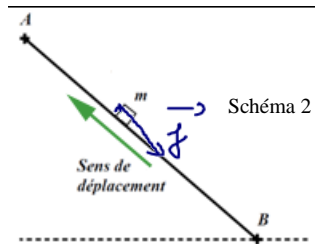
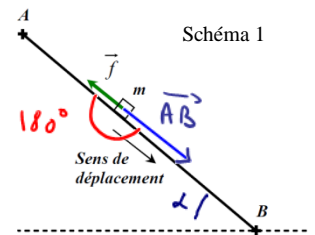
$$W_{BA}(\vec{f}) = \vec{f} \cdot \vec{BA} = f \times BA \times \cos(180^\circ) = -f \times BA$$

Quelle est la relation entre les 2 travaux ?

$$\Rightarrow W_{AB}(\vec{f}) = +W_{BA}(\vec{f}) \text{ donc non conservative.}$$

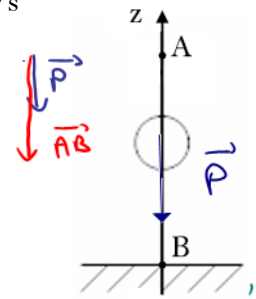
Conclure : La force de frottement est-elle une force conservative ?

des forces de frottements sont toujours des forces non conservatives



Exercice : Supposons une balle de masse $m = 200 \text{ g}$ lâchée sans vitesse initiale $V_A = 0,00 \text{ m/s}$ d'une hauteur $AB = h = 10,0 \text{ m}$ du sol. On considère que les forces de frottement sont négligeables.

Q1- Calculer le travail du poids



$$W_{AB}(\vec{P}) = \vec{P} \cdot \vec{AB} = mg \times AB \times \cos(\vec{P}; \vec{AB}) = mg(z_A - z_B) \cos 0$$

$$= mg \times h \times \cos 0 = 0,200 \times 9,81 \times 10,0 = 19,6 \text{ J}$$

III- Énergies d'un système en mouvement :

Exercice suite:

Q2- Comment expliquer que la balle, une fois lâchée, se met en mouvement c'est-à-dire que sa vitesse varie et donc que son énergie cinétique E_c varie ?

Sous l'action du poids c'est-à-dire le travail du poids, la balle se met en mouvement. Le travail d'une force s'exerçant sur un système permet d'évaluer au niveau énergétique l'effet de cette force au cours de son déplacement.

1- Énoncé du Théorème de l'énergie cinétique :

La variation d'énergie cinétique ΔE_c d'un système qui se déplace d'un point A à un point B est égale à la somme des travaux des forces $\sum W_{AB}(\vec{F})$ qui s'appliquent sur le système lors de son déplacement.

$$\Delta E_c = E_c(\text{finale})_B - E_c(\text{initiale})_A = \sum W_{AB}(\vec{F})$$

avec $\sum W_{AB}(\vec{F}) = W_{AB}(\vec{P}) + \dots$

Exercice suite:

Q3- Calculez la vitesse de la balle juste avant de toucher le sol c'est-à-dire au point B

Dans ce cas, il n'y a que le poids donc

$$\Delta E_c = E_c(B) - E_c(A) = W_{AB}(\vec{P})$$

$$= \left[\frac{1}{2} m v_B^2 - \frac{1}{2} m v_A^2 \right] = mg(z_A - z_B)$$

La balle est lâchée avec $v_A = 0 \text{ m/s}$

$$\Rightarrow \frac{1}{2} m v_B^2 = m g h$$

$$\Rightarrow v_B^2 = 2g(z_A - z_B) \Rightarrow v_B = \sqrt{2g(z_A - z_B)}$$

$$\Rightarrow v_B = \sqrt{2 \times 9,81 \times 10,0} = 14,0 \text{ m/s}$$

Q4- Après avoir redonné l'expression du travail du poids $W_{AB}(\vec{P})$ lors de la chute sur le trajet AB, exprimez la variation de l'énergie potentielle de pesanteur ΔE_{pp} en fonction de ce travail

$$W_{AB}(\vec{P}) = mg(z_A - z_B)$$

$$E_{pp}(B) = mg \times z_B$$

$$E_{pp}(A) = mg \times z_A$$

$$\Delta E_{pp} = E_{pp}(B) - E_{pp}(A)$$

$$= mg z_B - mg z_A = mg(z_B - z_A)$$

$$\Rightarrow \Delta E_{pp} = -mg(z_A - z_B)$$

$$\Delta E_{pp} = -W_{AB}(\vec{P})$$

Q5- Que peut-on en conclure sur la variation d'énergie mécanique ΔE_m lors la chute ?

D'après le théorème de l'énergie cinétique

$$\Delta E_c = \sum W_{AB}(\vec{F}) \text{ or ici il n'y a que le poids}$$

$$\Rightarrow \Delta E_c = W_{AB}(\vec{P}) \text{ d'après la question précédente}$$

$$\Rightarrow \Delta E_c = -\Delta E_{pp}$$

$$\Rightarrow \Delta E_c + \Delta E_{pp} = 0$$

$$\text{Mais } \Delta E_m = \Delta E_c + \Delta E_{pp} = 0$$

$$\text{donc } \Delta E_m = E_m(B) - E_m(A) = 0$$

$$\Rightarrow E_m(B) = E_m(A)$$

d'énergie mécanique est constante on dit qu'elle se conserve.

2- Conservation ou non conservation de l'énergie mécanique :

a- Conservation de l'énergie mécanique :

En l'absence de forces non-conservatives comme les *forces de frottements*....., il y a conservation de l'énergie mécanique au cours du temps. On peut écrire

$$\Delta E_m = \Delta E_c + \Delta E_{pp} = 0$$

$$\Rightarrow \Delta E_m = E_m(\text{finale}) - E_m(\text{initiale}) = 0$$

$$\Rightarrow E_m(\text{final}) = E_m(\text{initiale}) = \text{constante.}$$

Exercice:

Un pendule simple est constitué d'une boule de masse $m = 100 \text{ g}$ accroché à un fil de longueur $l = 40 \text{ cm}$.

Il est lâché sans vitesse initiale d'un angle $\theta_m = 10^\circ$ de sa position d'équilibre.

Tout frottement est négligé.

Q1- Représentez les forces qui s'exercent sur la boule

de poids; la tension du fil T
 \vec{T} est toujours \perp à la trajectoire (taquet)

Q2- Exprimez puis calculez l'ordonnée z_A du point A.

$$OH : \cos \theta_m = \frac{OH}{OA} = \frac{OH}{l} \Rightarrow OH = l \cos \theta_m$$

$$\Rightarrow OH = l \times \cos \theta_m$$

$$BH? \quad BH = l - OH$$

$$z_A = BH = l - l \cos \theta_m = l(1 - \cos \theta_m)$$

Q3- Calculer la vitesse v_{\max} de G au passage par sa position d'équilibre.

Théorème de E_c : $\Delta E_c = \sum W_{AB}(\vec{F})$ $\Rightarrow \frac{1}{2} m v_B^2 - \frac{1}{2} m v_A^2 = mg(z_A - z_B)$

$$\Rightarrow E_c(\text{finale}) - E_c(\text{initiale}) = W_{AB}(\vec{P}) + W_{AB}(\vec{T})$$

$\Delta v_B = v_{\max}; v_A = 0 \text{ m/s}$ et $z_B = 0 \text{ m}$

$$\Rightarrow E_c(B) - E_c(A) = mg \times (z_A - z_B) + 0$$

$W_{AB}(\vec{T}) = 0$ car $\vec{T} \perp$ au trajet

$$\Rightarrow \frac{1}{2} m v_{\max}^2 = mg z_A \Rightarrow v_{\max} = \sqrt{2g z_A}$$

$$\Rightarrow v_{\max} = \sqrt{2 \times 9,81 \times 6,0 \cdot 10^{-3}} = 0,34 \text{ m/s}$$

Q4- Sur le graphique, repérez l'énergie mécanique E_m , l'énergie cinétique E_c et l'énergie potentielle de pesanteur E_{pp} en justifiant :

- E_c croît car à $t=0$ $v=0 \text{ m/s}$

$$\Rightarrow E_c = \frac{1}{2} m v^2 = 0$$

- E_m se conserve car pas de frottement $E_m = \text{cte.}$

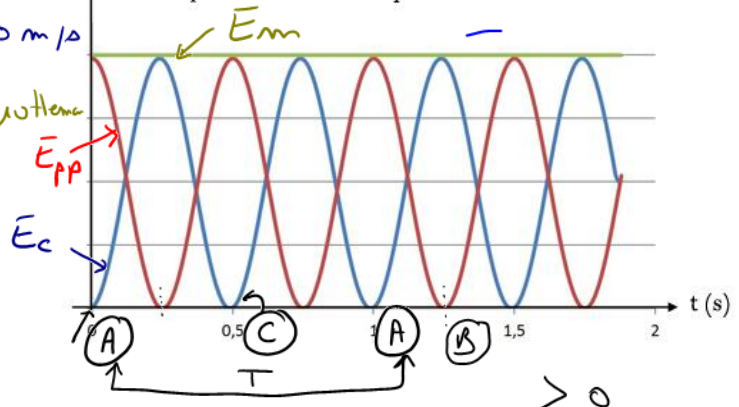
- E_{pp} , à $t=0$, est maximale

Q5- Dans ce cas, le mouvement est périodique.

Déterminez la période T de ce mouvement.

$$T = 1 \text{ s}$$

Energie cinétique, énergie potentielle de pesanteur et énergie mécanique au cours du temps



Q6- Calculez les travaux de ces forces

$$W_{AB}(\vec{T}) = 0 \text{ car } \vec{T} \text{ est toujours perpendiculaire à la trajectoire}$$

$$W_{AB}(\vec{P}) = mg(z_A - z_B) = mg z_A = mg l(1 - \cos \theta_m)$$

Q7- En appliquant le théorème de l'énergie, retrouvez la vitesse v_{\max} de G au passage par sa position d'équilibre.

$$\Delta E_m = \Delta E_c + \Delta E_{pp} = 0$$

$$\Rightarrow \frac{1}{2} m v_B^2 - \frac{1}{2} m v_A^2 + mg z_B - mg z_A = 0$$

$$\Rightarrow \frac{1}{2} m v_{\max}^2 - mg z_A = 0$$

$$\Rightarrow \frac{1}{2} m v_{\max}^2 = mg z_A \Rightarrow v_{\max} = \sqrt{2g z_A}$$

b- Non conservation de l'énergie mécanique :

En présence de forces non-conservatives, l'énergie mécanique du système ne se conserve plus dans le temps. Quand l'énergie mécanique diminue, il y a dissipation d'énergie.

Lorsqu'un système est soumis à des forces non conservatives (telles que les forces de frottement) qui travaillent, alors son énergie mécanique **ne se conserve pas**. On peut écrire :

$$E_m \neq \text{constante} \quad \Delta E_m = \Delta E_c + \Delta E_{pp} \neq 0$$

$$E_m(\text{finale}) - E_m(\text{initiale}) \neq 0$$

$$\Delta E_m = \Delta E_c + \Delta E_{pp} = \sum W_{AB}(\vec{F}_{\text{non conservatives}})$$

avec $\sum W_{AB}(\vec{F}_{\text{non-conservatives}})$: la somme des travaux des forces non conservatives s'appliquant sur le système (forces de frottement par exemple). *A moine niveau que les forces de frottement*

Exercice:

Un nouveau pendule ^{est} constitué d'une boule de masse $m = 100 \text{ g}$ accroché à un fil de longueur $\ell = 40 \text{ cm}$.

Il est lâché sans vitesse initiale d'un angle θ_m de sa position d'équilibre.

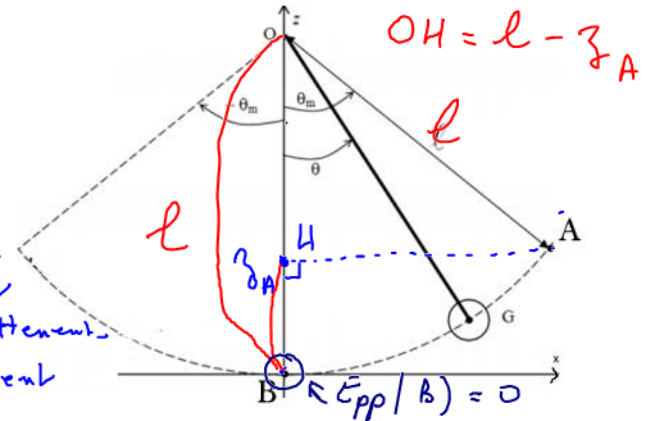
Q1- Déterminez graphiquement, la valeur du travail des forces de frottement $W_{AB}(\vec{f})$ au bout d'une seconde

Il n'y a que les forces de frottement comme force non conservative.

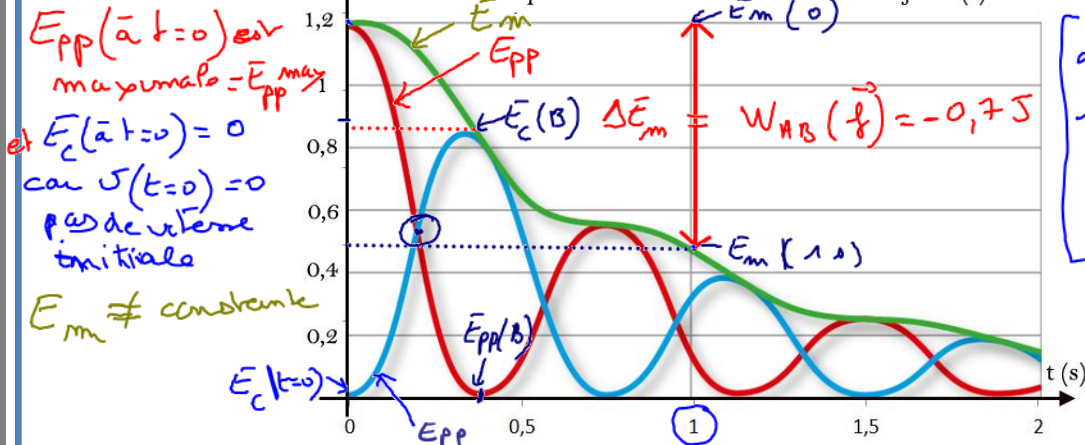
• $W_{AB}(\vec{f}) < 0$ car les forces de frottement s'opposent toujours au mouvement donc le travail est résistant.

$$\Delta E_m = W_{AB}(\vec{f}) \Rightarrow E_m(\text{finale}) - E_m(\text{initiale}) = W_{AB}(\vec{f})$$

$$\Rightarrow W_{AB}(\vec{f}) = 0,5 - 1,2 = -0,7 \text{ J}$$



Énergie cinétique, énergie potentielle de pesanteur et énergie mécanique au cours du temps avec des forces de frottement. en joule (J)



[La diminution de l' E_m est due au travail des forces de frottement]

Q2- Déterminez l'angle θ_m avec lequel le pendule a été lâché ainsi que sa vitesse au premier passage de sa position d'équilibre.

