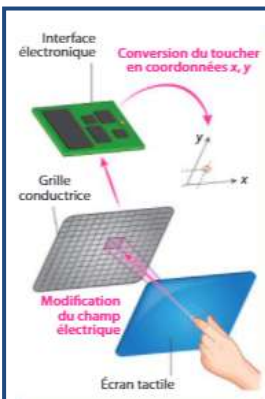


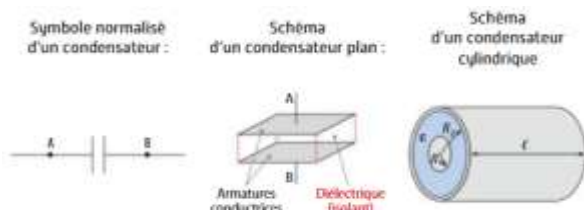
**COURS n°12****« Les condensateurs, un moyen de stocker de l'énergie ... mais pas que ! » »****Les compétences à acquérir...**

- Relier l'intensité d'un courant électrique au débit de charges.
 - Identifier des situations variées où il y a accumulation de charges de signes opposés sur des surfaces en regard. Comportement capacitif.
 - Citer des ordres de grandeur de valeurs de capacités usuelles.
 - Identifier et tester le comportement capacitif d'un dipôle.
- Illustrer qualitativement, par exemple à l'aide d'un microcontrôleur, d'un multimètre ou d'une carte d'acquisition, l'effet de la géométrie d'un condensateur sur la valeur de sa capacité.
- Établir et résoudre l'équation différentielle vérifiée par la tension aux bornes d'un condensateur dans le cas de sa charge par une source idéale de tension et dans le cas de sa décharge.
 - Expliquer le principe de fonctionnement de quelques capteurs capacitifs.
 - Étudier la réponse d'un dispositif modélisé par un dipôle RC.
 - Déterminer le temps caractéristique d'un dipôle RC à l'aide d'un microcontrôleur, d'une carte d'acquisition ou d'un oscilloscope.

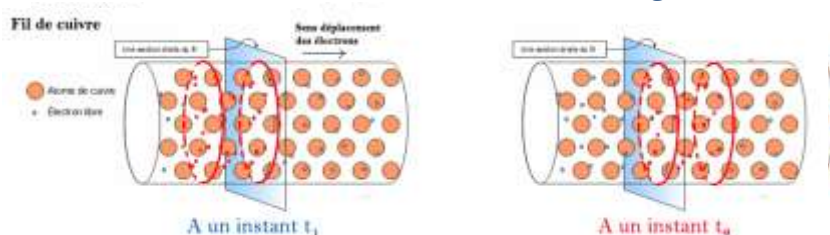
**Comment fonctionne un écran récent de votre smartphone ?**

Les ordinateurs à écran tactile **capacitif** et résistif sont de plus en plus courants dans les applications industrielles car ils offrent une interface intuitive pour les opérateurs de machines. Les écrans tactiles capacitifs s'appuient sur les **propriétés électriques du corps humain** pour identifier où l'utilisateur touche l'écran.

Les **panneaux tactiles capacitifs** sont constitués d'un isolant tel que du verre, revêtu d'un conducteur transparent. Le corps humain étant également un conducteur électrique, toucher la surface de l'écran entraîne une **distorsion du champ électrostatique** de l'écran, mesurable comme un **changement de capacité**.

I – Qu'est ce qu'un condensateur et quelles sont ses propriétés ?**1- Définition et représentation symbolique d'un condensateur**

Un **condensateur** est un système composé de deux surfaces conductrices en regard, appelées, séparées par un matériau

2- Intensité d'un courant continu / débit de charges :

Un **courant électrique noté I** correspond à

- Dans le cas des métaux,
- Dans les solutions,

Un **courant continu** est un courant électrique dont l'intensité ne pas au cours du temps.

Son intensité est notée par la lettre (Majuscule)

Si **l'intensité du courant varie au cours du temps** alors elle est notée

Un ampèremètre va mesurer l'intensité du courant électrique **i** c'est-à-dire, il va mesurer la quantité de **charge dq** transportée par **les électrons** qui traversent la section S pendant une durée **dt**

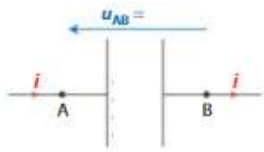
i =

- dq est la quantité de charges exprimée en Coulomb C
- dt est la durée exprimée en seconde s
- L'intensité i est exprimée en ampère A, unité équivalente à

Remarque :

- Si q(t) **augmente** au cours du temps alors sa dérivée par rapport au temps c'est-à-dire i est
- Si q(t) **diminue** au cours du temps alors sa dérivée par rapport au temps c'est-à-dire i est

3- Comportement du condensateur dans un circuit : Comportement capacitif



.....

.....

.....

.....

.....

Remarque :

Convention générateur : La tension aux bornes du dipôle est représentée par une flèche tension dans que celui du courant électrique i .

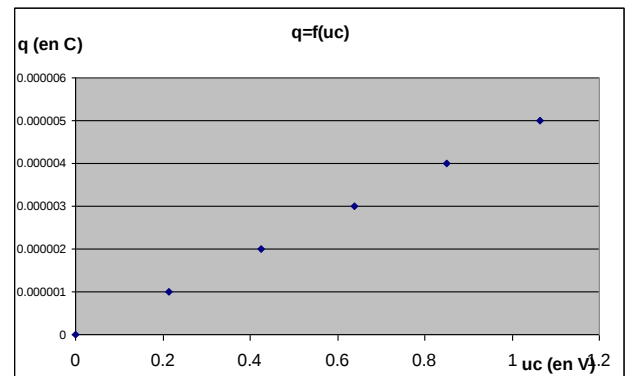
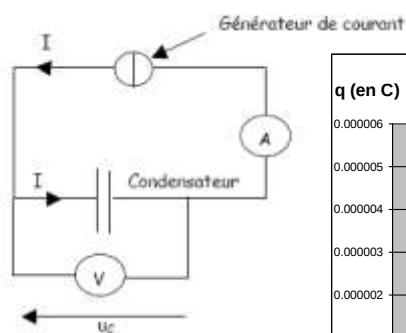
Convention récepteur : La tension aux bornes du dipôle est représentée par une flèche tension celui du courant électrique i .

4- Relation entre la charge q du condensateur et la tension u_c à ses bornes : La capacité C

On alimente un condensateur avec un **générateur de courant**. Ce générateur délivre un courant d'intensité constante.

On a $I = 1 \mu A$ et on mesure u_c et t .

t (s)	u_c (enV)	q (enC)
0	0	0
1	0.21	0,000001
2	0.41	0,000002
3	0.65	0.000003
4	0.9	0.000004
5	1	0.000005



La courbe $q(t) = f(u_c)$ est

.....

.....

Calcul de du coefficient de proportionnalité :

$k =$

Ce coefficient k sera noté **C** et est appelé la
du condensateur et s'exprime en
 A chaque instant :

$q(t) =$

Remarque :

$$C = \epsilon \times \frac{S}{e}$$

La **capacité C** des condensateurs usuels varie de quelques **picofarads** ($1,0 \text{ pF} = \dots\dots\dots \text{ F}$) à quelques **millifarads** ($1,0 \text{ mF} = \dots\dots\dots \text{ F}$)

La capacité d'un condensateur dépend :

- de la **surface S** : Plus S augmente plus C
- de l'**épaisseur e** : Plus e augmente plus C
- de la **nature de l'isolant** qui est défini par ϵ une grandeur appelée permittivité du diélectrique. ϵ a pour unité

Un premier résumé:

.....

.....

.....

.....

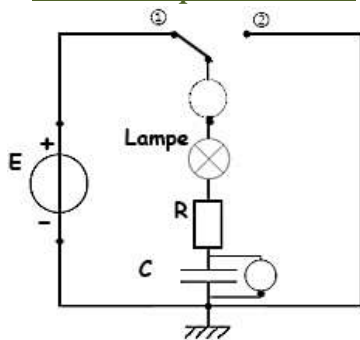
.....

II- Que se passe-t-il lorsqu'un condensateur est introduit dans un montage ?

1- Etude de la charge d'un condensateur :

a- Etude expérimentale : On place l'interrupteur en position 1 :

A $t = 0$ s, $u_c(0) = \dots\dots\dots$



Observations :

.....

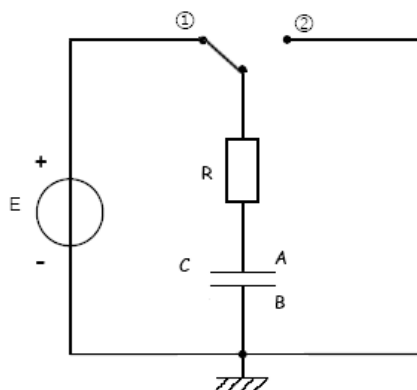
.....

.....

.....

.....

b- Etude théorique de la charge:



- Représentez le courant électrique i et les tensions aux bornes de chaque dipôle dans la boucle 1 **dont on a défini un sens**.

- Faire la somme « algébrique » des tensions dans cette boucle

+ u lorsque la flèche tension est dans le **même sens** de celui choisi dans la **boucle**
 - u lorsque la flèche tension est dans le **sens contraire** de celui choisi dans la **boucle**

Une telle équation est appelée

Expression de la solution de cette équation différentielle

$a =$

$b =$

$$-\frac{b}{a} =$$

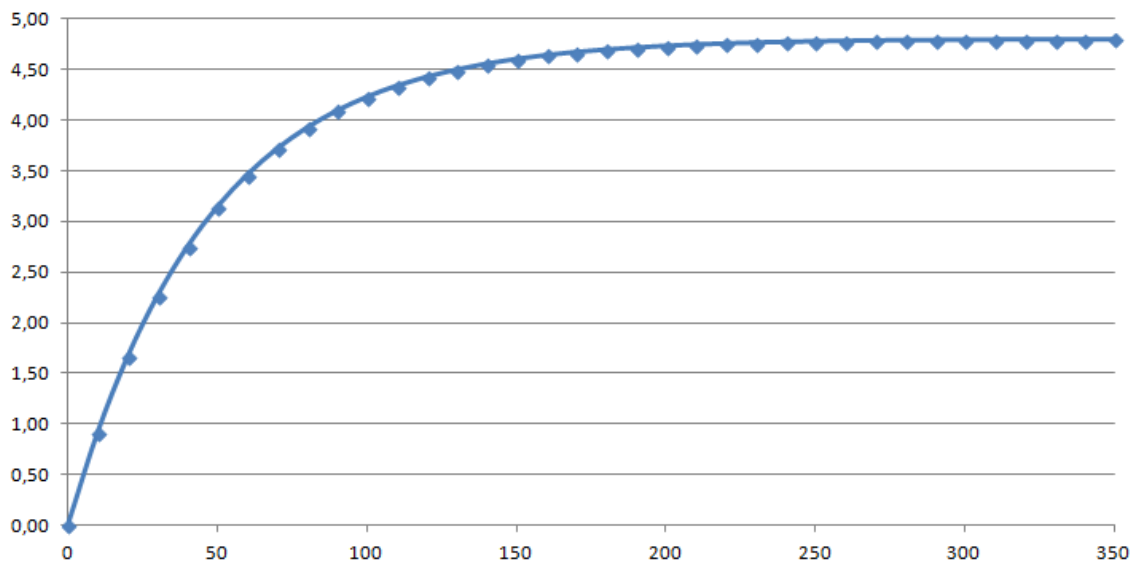
Les solutions de l'équation différentielle $y' = ay + b$ sont les fonctions de la forme
 $x \mapsto Ce^{ax} - \frac{b}{a}$, où a, b et $C \in \mathbb{R}$.

La solution de l'équation différentielle est $u_c(t) =$

A $t = 0$ s : $u_c(t) =$	A t très grand $u_c(t) =$
Vérifions que $u_c(t) =$ est solution de l'équation différentielle	

b- Etude expérimentale de la charge:

En TP, vous avez obtenu pour $E = 4,8 \text{ V}$, $R = 10 \text{ k}\Omega$ et $C = 4700 \mu\text{F}$ la courbe suivante :



La charge n'est pas, elle dépend du choix de la valeur de résistance et de la valeur de la capacité C du condensateur.

On définit un **temps caractéristique de la charge** du condensateur τ

$\tau =$

- R exprimé en
- C exprimée en
- τ exprimée en

Information données par la valeur de τ

à $t = \tau$ le condensateur est chargé à % ($u_C = \dots\dots\dots$)

à $t = 3 \times \tau$ le condensateur est chargé à %

à $t = 5 \times \tau$ le condensateur est chargé à ... %

Selon la précision souhaitée, on peut considérer que le condensateur est chargé au bout d'une durée égale $5 \times \tau$.

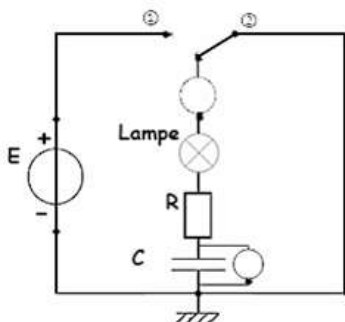
Généralement on considère qu'un condensateur est totalement chargé ou déchargé au bout de

Exercice : Déterminer la valeur de τ de 2 manières

2- Etude de la décharge d'un condensateur :

a- Etude expérimentale de la décharge: On place ensuite (après la charge) l'interrupteur en position 2 :

A $t = 0 \text{ s}$, $u_C(0) = \dots\dots\dots$



Observations :

.....

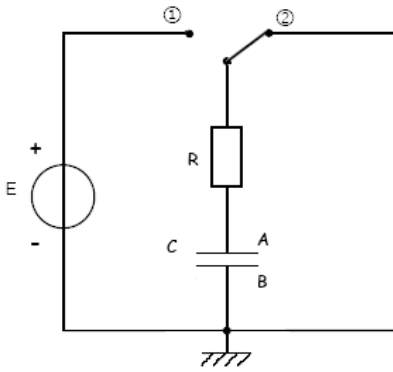
.....

.....

.....

.....

b- Etude théorique de la décharge:



- Représentez le courant électrique i et les tensions aux bornes de chaque dipôle dans la boucle 2 dont on a défini un sens.
- Faire la somme « algébrique » des tensions dans cette boucle

+ u lorsque la flèche tension est dans le **même sens** de celui choisi dans la **boucle**
 - u lorsque la flèche tension est dans le **sens contraire** de celui choisi dans la **boucle**

Expression de la solution de cette équation différentielle

$a =$

$b =$

$$-\frac{b}{a} =$$

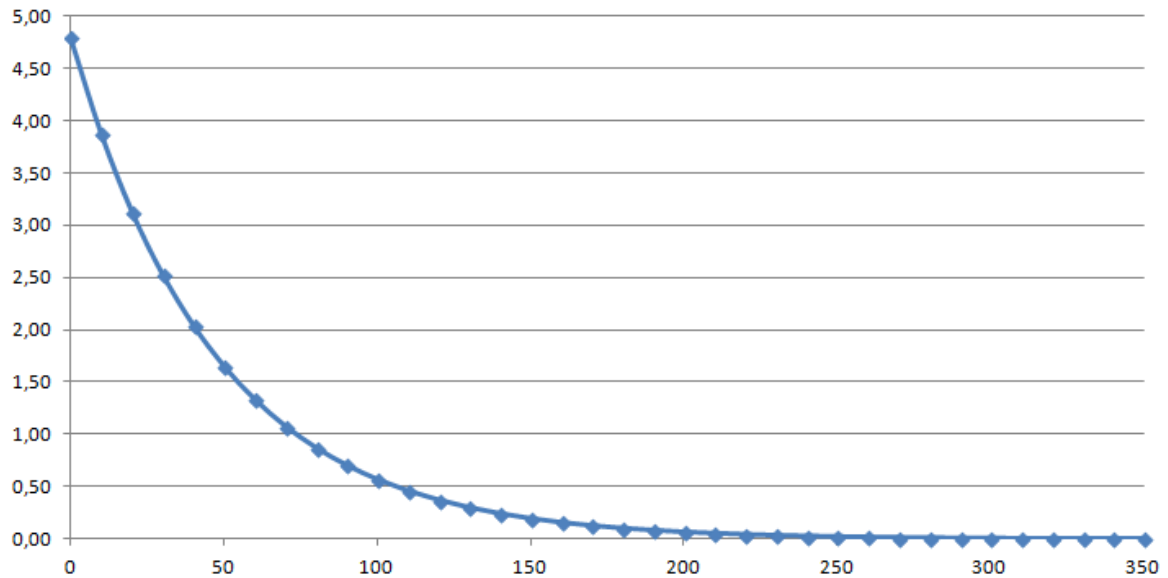
Les solutions de l'équation différentielle $y' = ay + b$ sont les fonctions de la forme
 $x \mapsto Ce^{ax} - \frac{b}{a}$, où a, b et $C \in \mathbb{R}$.

La solution de l'équation différentielle est $u_c(t) =$

A $t = 0s$: $u_c(t) =$	A t très grand $u_c(t) =$
Vérifions que $u_c(t) =$ est solution de l'équation différentielle	

b- Etude expérimentale de la décharge:

En TP, vous avez obtenu pour $E = 4,8 \text{ V}$, $R = 10 \text{ k}\Omega$ et $C = 4700 \mu\text{F}$ la courbe suivante :



La décharge n'est pas, elle dépend du choix de la valeur de résistance et de la valeur de la capacité C du condensateur.

On a toujours un **temps caractéristique de la décharge** du condensateur τ

$\tau =$

- R exprimé en
- C exprimée en
- τ exprimée en

Information données par la valeur de τ

à $t = \tau$ le condensateur est déchargé à % ($u_c = \dots\dots\dots$)

à $t = 3 \times \tau$ le condensateur est déchargé à %

à $t = 5 \times \tau$ le condensateur est déchargé à ... %

Selon la précision souhaitée, on peut considérer que le condensateur est **déchargé** au bout d'une durée égale **$5 \times \tau$** .

Généralement on considère qu'un condensateur est totalement déchargé au bout de

Exercice : Déterminer la valeur de τ de 2 manières