



COURS n°8 « Modèle du gaz parfait et le premier principe de la thermodynamique »

Q1: Les entités constituant un gaz parfait ... sont supposées ponctuelles et sans interactions entre elles

Q2: Quel est le volume V_1 occupé par 3 moles d'un gaz parfait sous une pression $P_1 = 1,00$ bar et à une température $T_1 = 35,0^\circ\text{C}$
N'écrire que la valeur exprimé en litre

Loi des gaz parfaits

$$P_1 V_1 = n_1 R T_1$$

$$\Rightarrow V_1 = \frac{n_1 R T_1}{P_1} = \frac{3,00 \times 8,314 \times (273,15 + 35,0)}{1,00 \cdot 10^5} = 7,69 \cdot 10^{-2} \text{ m}^3 = 76,9 \text{ L}$$

Q3: $n = 1 \text{ mol}$ donc le volume correspond au volume molaire.

1^{er} Principe de la thermodynamique

Q4: L'énergie interne d'un système: * ΔU

correspond à l'énergie totale d'un système. Non $E_{\text{tot}} = E_m + \Delta U = \overbrace{E_c + E_{pp}}^{\text{macro}} + \overbrace{\Delta U}^{\text{micro}}$

est égale à la somme des énergies cinétique et potentielle de toutes les entités microscopiques du systè...

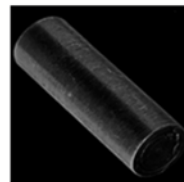
est exprimée en J. c'est une énergie

Q5: de cours $\Delta U = W + Q$

Q6: Par convention, si un système libère de l'énergie elle sera comptée négative

Système incompressible $\begin{cases} W=0 \Rightarrow \Delta U = Q \\ \text{et } \Delta U = m c \Delta T = C \times \Delta T \end{cases}$

Un cylindre constitué de fer, est caractérisé par une capacité thermique massique $c_{Fe} = 460 \text{ J} \cdot \text{Kg}^{-1} \cdot \text{K}^{-1}$ et une masse de $m_{Fe} = 500 \text{ g}$



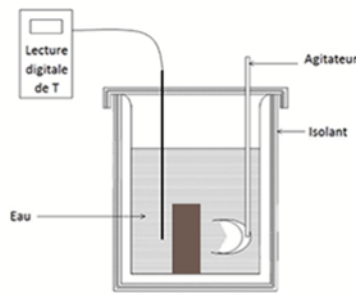
Q7: Quelle est l'énergie qu'il faut fournir à ce cylindre pour augmenter sa température de 2 degrés Celsius? N'écrire que la valeur

Si la température est augmentée de 2°C alors $\Delta T = 2^\circ\text{C}$
de système étant incompressible $\Delta U = m_{Fe} \times c_{Fe} \times \Delta T$
 $\Rightarrow \Delta U = 0,500 \times 460 \times 2,0 = 460 \text{ J}$ c'est l'énergie qu'il faut fournir.

Q8: Quelle est la valeur de la capacité thermique de ce cylindre? N'écrire que la valeur

$$C_{Fe} = m_{Fe} \times c_{Fe} = 0,500 \times 460 = 230 \text{ J} \cdot \text{K}^{-1}$$

Ce cylindre est maintenant chauffé à une température de 80 °C et il est introduit dans un calorimètre contenant 500 g d'eau. Le calorimètre et l'eau sont initialement à une température de 20°C.



Capacité thermique massique de l'eau
 $c_{eau} = 4180 \text{ J} \cdot \text{kg}^{-1} \cdot \text{K}^{-1}$
Capacité thermique du calorimètre
 $C_{cal} = 80 \text{ J} \cdot \text{K}^{-1}$

Le calorimètre est parfaitement isolé et n'échange donc aucune énergie avec l'extérieur

Q9: Le système étudié est le calorimètre, l'eau et le cylindre. Quelle est la valeur de la variation d'énergie interne ΔU de ce système ? N'écrire que sa valeur

Le système étudié est { Calorimètre ; eau ; cylindre }
 de calorimètre étant parfaitement isolé $\Delta U_{\text{système}} = 0 \text{ J}$ pas d'échange

Q10: (difficile) Quelle est la température finale du système ? N'écrire que la valeur à l'unité près.

Des échanges thermiques se font à l'intérieur du système

$$\Delta U_{\text{système}} = \Delta U_{\text{calorimètre}} + \Delta U_{\text{eau}} + \Delta U_{\text{cylindre}} = 0$$

Les 3 composants du système sont incompressibles

$$\Rightarrow C_{cal} \times \Delta T + m_e \times c_{eau} \times \Delta T' + m_{Fe} \times c_{Fe} \times \Delta T'' = 0$$

$$\Rightarrow C_{cal} \times (T_f - T_i) + m_e \times c_{eau} \times (T_f - T_i) + m_{Fe} \times c_{Fe} \times (T_f - T_{i,Fe}) = 0$$

avec $T_i = 20^\circ\text{C}$ et $T_{i,Fe} = 80^\circ\text{C}$

Il faut isoler T_f !

$$C_{cal} \times T_f - C_{cal} \times T_i + m_e c_{eau} \times T_f - m_e c_{eau} \times T_i + m_{Fe} \times c_{Fe} \times T_f - m_{Fe} \times c_{Fe} \times T_{i,Fe} = 0$$

$$\Rightarrow (C_{cal} + m_e c_{eau} + m_{Fe} c_{Fe}) \times T_f = C_{cal} \times T_i + m_e c_{eau} \times T_i + m_{Fe} \times c_{Fe} \times T_{i,Fe}$$

$$\Rightarrow T_f = \frac{C_{cal} \times T_i + m_e c_{eau} \times T_i + m_{Fe} \times c_{Fe} \times T_{i,Fe}}{C_{cal} + m_e c_{eau} + m_{Fe} c_{Fe}}$$

⚠ Les T doivent être exprimées en K

$$\Rightarrow T_f = \frac{80 \times 293,15 + 0,500 \times 4180 \times 293,15 + 0,500 \times 460 \times 353,15}{80 + 0,500 \times 4180 + 0,500 \times 460}$$

$$T_i = 273,15 + 20 = 293,15 \text{ K}$$

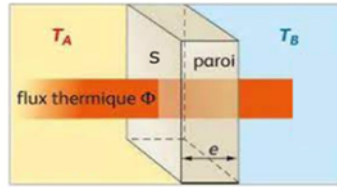
$$T_{i,Fe} = 273,15 + 80 = 353,15 \text{ K}$$

$$= 298,9 \text{ K}$$

$$= (298,9 - 273,15)^\circ\text{C} = 25,75^\circ\text{C} = 25,8^\circ\text{C}$$

Flux thermique à travers une paroi

La fenêtre d'une chambre est constituée d'un simple vitrage de conductivité thermique λ , de surface S et d'épaisseur e . Supposons que pendant une journée d'hiver, la température de la chambre soit maintenue à une température $T_A = 19^\circ\text{C}$ alors qu'il fait une température $T_B = 0^\circ\text{C}$ à l'extérieur.



Données :

$S = 0,80 \text{ m}^2$

$e = 5,0 \text{ mm}$

$\lambda = 1,2 \text{ W}\cdot\text{m}^{-1}\cdot\text{K}^{-1}$

Q11 : le flux thermique est toujours de la source chaude vers la source froide.

Q12: Calculer la valeur de résistance thermique R_{th} de la vitre. N'écrire que la valeur.

On a vu dans le cours que

$$R_{th} = \frac{e}{\lambda \times S} = \frac{5,0 \cdot 10^{-3}}{1,2 \times 0,80} = 5,2 \cdot 10^{-3} \text{ K}\cdot\text{W}^{-1}$$

↑ aux unités
 $\frac{\text{m}}{\text{W}\cdot\text{m}^{-1}\cdot\text{K}^{-1} \cdot \text{m}^2} \rightarrow \text{K}\cdot\text{W}^{-1}$

Q13: Calculer la valeur du flux thermique φ à travers la fenêtre. N'écrire que la valeur

on a $\varphi = \frac{T_c - T_f}{R_{th}} = \frac{19 - 0}{5,2 \cdot 10^{-3}} = 3,7 \cdot 10^3 \text{ W} (= P_{th})$ puissance

Q14: Calculer la valeur de la quantité de chaleur Q perdue à travers la vitre pendant 1,0 h. N'écrire que la valeur

on a $\varphi = \frac{Q}{\Delta t} \Rightarrow Q = \varphi \times \Delta t = 3,7 \times 10^3 \times 1,0 \times 60 \times 60 = 1,3 \cdot 10^7 \text{ W}$

Q15: Le flux thermique diminue si ... *

L'épaisseur e augmente

L'épaisseur e diminue

La surface augmente

La surface S diminue

En changeant de matériau pour la vitre de façon à diminuer la conductivité thermique λ

la température extérieure augmente si $T_e = T_f \rightarrow$ alors $T_c - T_f \downarrow$

La température intérieure diminue

$$\varphi = \frac{T_c - T_f}{R_{th}} = \frac{T_c - T_f}{\frac{e}{\lambda \times S}} \Rightarrow \varphi = \frac{(T_c - T_f) \times \lambda \times S}{e}$$

Une tasse de café sur une terrasse extérieure.

Une tasse de café est apportée en terrasse à la température $T_i = 75^\circ\text{C}$. La température extérieure est de $T_{\text{ext}} = 10^\circ\text{C}$. La température de la tasse $T(t)$ diminue au cours du temps. Nous avons vu que la fonction $T(t)$ vérifie l'équation différentielle suivante :

$$\frac{dT(t)}{dt} + \frac{1}{\tau} T(t) = \frac{T_{\text{ext}}}{\tau}$$

La solution de cette équation différentielle est de la forme

$T(t) = A \times e^{-\frac{t}{\tau}} + B$ avec A et B étant des constantes et pour notre tasse $\tau = 11 \text{ min}$



Q16: En thermodynamique, un système dont la température reste constante quelles que soient les quantités de chaleur qu'il fournit ou reçoit est appelé thermostat.

Vrai

Q17: Quelle est la valeur de la constante B ? N'écrire que la valeur. La solution de l'équation différentielle est de la forme $T(t) = A e^{-t/\tau} + B$

à $t=0$ $T(t=0) = T_i$; donc $A \times e^{-0/\tau} + B = T_i$
 $\Rightarrow A + B = T_i$

Quand T très grand

$$\lim_{t \rightarrow \infty} A e^{-t/\tau} + B = A \times 0 + B = B = T_{\text{ext}} = 10^\circ\text{C}$$

Q18: Quelle est la valeur de la constante A ? N'écrire que la valeur.

$$\begin{aligned} A + B &= T_i; \Rightarrow A = T_i - B \\ &= T_i - T_{\text{ext}} = 75 - 10 \\ &= 65^\circ\text{C} \end{aligned}$$

Q19: Au bout de quelle durée, la tasse de café aura atteint une température de 50°C ? N'écrire que la valeur exprimée en seconde

On connaît maintenant $T(t) = (T_i - T_{\text{ext}}) \times e^{-t/\tau} + T_{\text{ext}}$

On cherche t_1 tel que $T(t_1) = 50^\circ\text{C}$

Il faut isoler t_1

$$(T_i - T_{\text{ext}}) \times e^{-t_1/\tau} + T_{\text{ext}} = T(t_1)$$

$$\Rightarrow e^{-t_1/\tau} = \frac{T(t_1) - T_{\text{ext}}}{T_i - T_{\text{ext}}}$$

$$\Rightarrow \ln\left(e^{-t_1/\tau}\right) = \ln\left(\frac{T(t_1) - T_{\text{ext}}}{T_i - T_{\text{ext}}}\right)$$

$$\Rightarrow -\frac{t_1}{\tau} = \ln\left(\frac{T(t_1) - T_{\text{ext}}}{T_i - T_{\text{ext}}}\right)$$

$$\Rightarrow t_1 = -\tau \times \ln\left(\frac{T(t_1) - T_{\text{ext}}}{T_i - T_{\text{ext}}}\right) = -11 \times \ln\left(\frac{50 - 10}{75 - 10}\right)$$

$$\begin{aligned} t_1 &= 5,4 \text{ min.} \\ &= 5,4 \times 60 = 324 \text{ s} \end{aligned}$$

Bilan radiatif de la terre

Q20: La puissance solaire qui atteint la Terre est en moyenne $P(\text{Soleil}) = 1,74 \cdot 10^{17} \text{ W}$.

L'albédo terrestre moyenne est $A = 30\%$. Quelle la puissance réfléchié par la Terre

$P(\text{réfléchi}/\text{Terre})$? N'écrire que la valeur sous la forme de $P(\text{soleil})$

$$\text{L'albédo est } A = \frac{P_{\text{réfléchi}} / T}{P_{\text{soleil}}}$$

$$\Rightarrow P_{\text{réfléchi}} / T = A \times P_{\text{soleil}} = 0,30 \times 1,74 \cdot 10^{17} \\ = 5,22 \cdot 10^{16} \text{ W}$$

Q21: Quelle est la puissance absorbée par la Terre $P(\text{absorbée}/\text{Terre})$? N'écrire que la valeur

sous la forme de $P(\text{soleil})$

$$\text{avec } P_{\text{soleil}} = P_{\text{reçu}} / T + P_{\text{réfléchi}} / T$$

$$\Rightarrow P_{\text{reçu}} / T = P_{\text{soleil}} - P_{\text{réfléchi}} / T \\ = 1,74 \cdot 10^{17} - 5,22 \cdot 10^{16} \\ = 1,22 \cdot 10^{17} \text{ W}$$

$$\left. \begin{aligned} P_{\text{reçu}} / T &= P_{\text{soleil}} - A \times P_{\text{soleil}} \\ &= (1 - A) \times P_{\text{soleil}} \\ P_{\text{reçu}} / T &= (1 - 0,30) \times 1,74 \cdot 10^{17} \\ &= 1,22 \cdot 10^{17} \text{ W} \end{aligned} \right\}$$

Q22: La Terre peut être considérée comme un système incompressible dont la température moyenne reste constante. Sa variation d'énergie interne peut donc s'écrire sous la forme $\Delta U = C(\text{terre}) \times \Delta T$. \checkmark vrai

Q23: Quelle est alors la valeur de la variation d'énergie interne de la Terre ΔU ? N'écrire que la valeur.

D'après la question précédente $\Delta U = C_{\text{Terre}} \times \Delta T$ avec la température moyenne constante. Donc $\Delta T = 0$

$$\text{et } \Delta U = 0 \text{ J}$$

Q24: On peut donc dire que la puissance totale reçue par la Terre est égale à la puissance totale émise par la Terre.

$$\Delta U = -Q_{\text{émis}} + Q_{\text{reçu}} = 0 \Rightarrow Q_{\text{émis}} = Q_{\text{reçu}}$$

