	Lycée Joliot Curie à 7	<i>Physique - Chapitre IV-V</i>	Classe de Ter Spé φχ
	SUJET DS n° 4 Chapitre n° 4 et 5 »Mouvements et énergies »		Nom : Prénom :

Les 2 exercices sont indépendants

Exercice 1 : LE JEU DU CORNHOLE

Le Cornhole, contraction des mots anglais « corn » et « hole » voulant dire « maïs » et « trou », est un jeu de plein air pratiqué entre autres aux États-Unis et au Canada.

Les règles de ce jeu sont assez simples. Chaque joueur est muni de quatre petits sacs contenant du maïs qu'il doit lancer en direction d'une planche inclinée par rapport à l'horizontale munie d'un trou circulaire et située environ à 8 mètres du joueur. À chaque fois qu'un sac retombe sur la planche, le joueur marque un point ; si le sac passe par le trou circulaire, le joueur marque trois points. Le premier joueur qui marque 21 points gagne la partie.



On étudie dans cet exercice les aspects énergétiques du lancer du sac puis le mouvement du centre de masse du sac dans le référentiel terrestre supposé galiléen.

Données :

Extrait du site Internet www.quora.com

- intensité de la pesanteur terrestre : $g = 9,81 \text{ m}\cdot\text{s}^{-2}$;
- masse du sac : $m = 440 \text{ g}$.

Un joueur se place à une distance d de la planche afin de réaliser un lancer de son sac de maïs. La situation est représentée sur la figure 1 ci-dessous. Afin de simplifier l'étude, la planche est considérée quasi-horizontale. Dans le repère d'espace (Ox, Oz) muni des vecteurs unitaires \vec{i} et \vec{k} , le sac de maïs est lancé, depuis une hauteur initiale H , avec une vitesse initiale dont le vecteur \vec{v}_0 est incliné d'un angle α par rapport à l'horizontale. On s'intéresse au mouvement du centre de masse G du sac. L'axe (Oz) du repère d'espace est vertical.

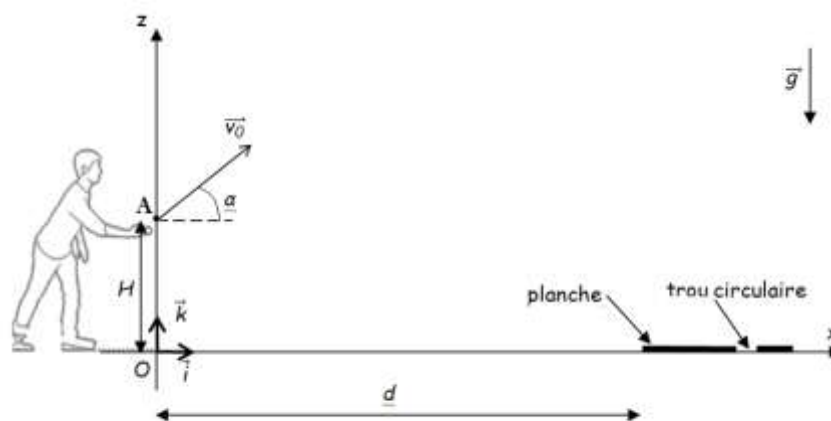


Figure 1. Schéma représentant la situation du lancer du sac

Étude énergétique

Le mouvement complet du sac est filmé puis étudié à l'aide d'un logiciel de pointage. **Les données de la partie ascendante** du mouvement sont traitées à l'aide d'un programme écrit en langage python (extrait en figure 2) qui permet de représenter l'évolution au cours du temps des énergies cinétique (E_c), potentielle de pesanteur (E_{pp}) et mécanique (E_m) du sac (figure 3).

```

1 #importation des bibliothèques utilisées
2 import numpy as np
3 import matplotlib.pyplot as plt
4
5 # valeurs experimentales
6 z=np.array([0.869,0.996,1.17,1.3,1.41,1.51,1.6,1.67,1.75,1.82,1.86,1.92,1.94,1.94,1.97,1.96,1.96])
7 t=np.array([0,0.033,0.067,0.1,0.133,0.167,0.2,0.233,0.267,0.3,0.333,0.367,0.4,0.433,0.467,0.5,0.533])
8 vx=np.array([7.61,7.66,7.712,7.517,7.595,7.578,7.334,7.39,7.329,7.184,7.239,7.116,7.065,7.119,6.997,7.006,6.
9 997])
10 vz=np.array([4.8,4.484,4.158,3.797,3.219,2.787,2.515,2.314,2.008,1.827,1.447,0.9539,0.7198,0.3329,0.1782,
11 -0.02958,-0.4165])
12
13 #Calcul des énergies
14 m=0.440
15 g=9.81
16 ? = (vx**2 + vz**2)**(1/2)
17 ? = 0.5*m*v**2
18 ? = m*g*z
19 ? = 0.5*m*v**2 + m*g*z

```

Figure 2. Extrait du programme écrit en langage python

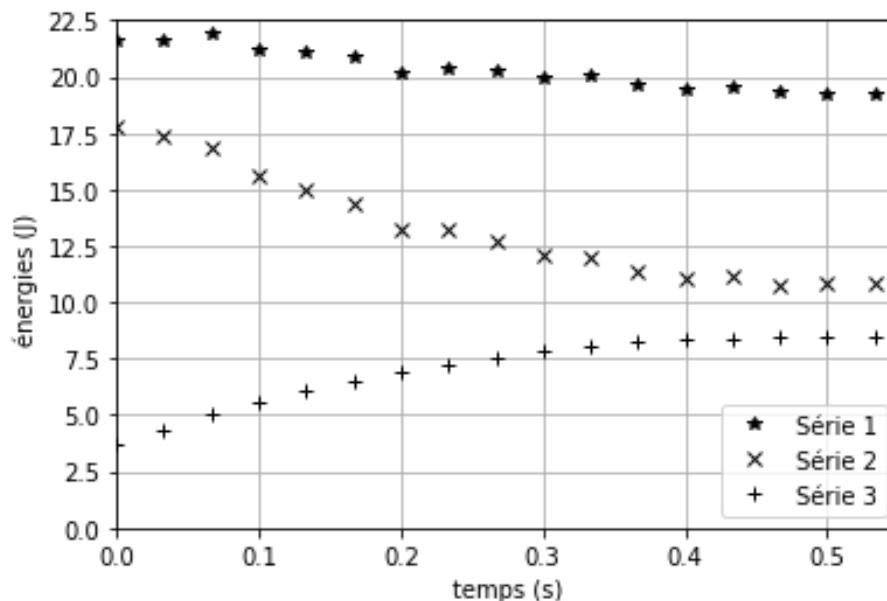


Figure 3. Évolution des énergies cinétique, potentielle de pesanteur et mécanique du sac au cours du temps obtenue à l'aide du programme écrit en langage python

1.1 Identifier les grandeurs calculées dans l'extrait du programme écrit en langage python (figure 2) aux lignes 16, 17, 18 et 19.

1.2 Exploitation de la figure 3

1.2.1 En justifiant votre choix, attribuer à chaque série sur la figure 3, l'énergie qui lui correspond.

1.2.2 Expliquer en quoi les résultats expérimentaux permettent de considérer que l'action de l'air sur le sac n'est pas négligeable devant le poids du sac.

1.2.3 Exprimer le théorème de l'énergie mécanique dans ces conditions entre le point A et le point B correspondant à l'instant $t_B = 0,5$ s

1.2.4 Après avoir donné l'expression du travail $W_{AB}(\vec{f})$ sur le trajet AB des forces de frottements, représenter ce travail, sur la figure 3 avec de la couleur !) et donner sa valeur

1.2.5 A partir de la figure 3 :

- estimer, par un calcul, la valeur de la vitesse initiale V_0 du centre de masse du sac.
- estimer, par un calcul, la valeur de l'altitude initiale H du centre de masse du sac.



Étude du mouvement du sac après le lancer

On souhaite étudier la chute du sac au cours du temps. La situation est toujours représentée sur la figure 1.

Les frottements ne seront pas pris en compte dans cette partie.

On souhaite établir les expressions littérales des grandeurs accélération, vitesse et position du sac lors de son mouvement, ainsi que les caractéristiques (vitesse initiale et direction initiale) nécessaires à la réussite d'un lancer valant trois points.

Les dimensions de la planche sont précisées sur la figure 4 ci-dessous :

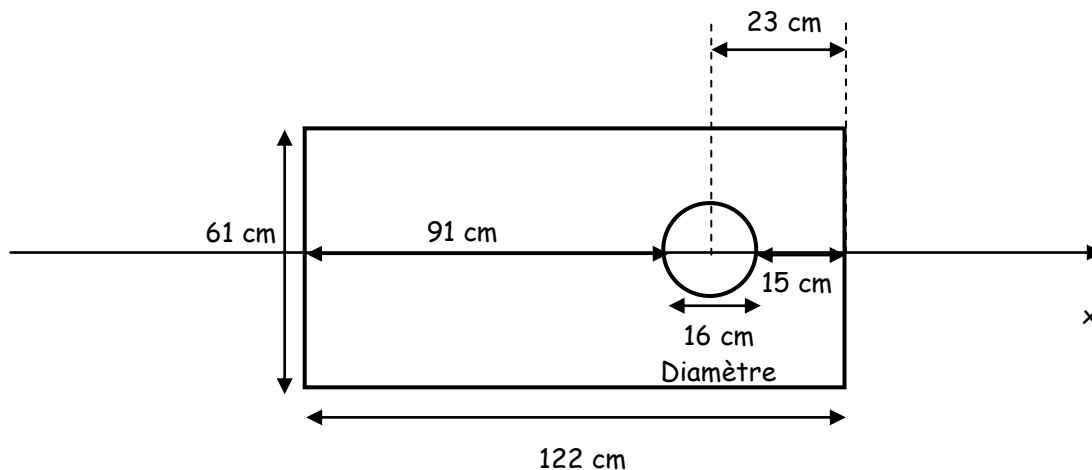


Figure 4. Dimensions de la planche de Cornhole

2.1 Déterminer les expressions littérales des coordonnées a_x et a_z du vecteur accélération \vec{a} du centre de masse du sac suivant les axes Ox et Oz.

2.2 En déduire les expressions littérales des équations horaires $x(t)$ et $z(t)$ de la position du centre de masse du sac au cours du mouvement.

2.3 Montrer que l'équation littérale de la trajectoire du centre de masse du sac dans le repère d'espace (Ox, Oz) est :

$$z(x) = -\frac{1}{2}g \cdot \frac{x^2}{v_0^2 \cdot \cos^2(\alpha)} + x \cdot \tan(\alpha) + H.$$

Qualifier cette trajectoire.

2.4 Indiquer les paramètres initiaux de lancement sur lesquels le joueur peut avoir une influence et qui jouent un rôle pour la réussite d'un lancer à trois points.

Le joueur effectue un premier lancer. L'équation de la trajectoire du centre de masse du sac a pour expression numérique :

$$z(x) = -0,0842 x^2 + 0,625 x + 0,880 \quad \text{avec } x \text{ et } z \text{ en m}$$

La distance d qui sépare l'origine O du repère d'espace et le bord de la planche est égale à $d = 8,0$ m.

2.5 Déterminer le nombre de point(s) marqué(s) par le joueur pour ce lancer.

2.6 Le joueur effectue un second lancer en conservant le même angle de tir α , la même hauteur initiale H mais en modifiant la valeur de la vitesse initiale par rapport au premier lancer.

Déterminer une valeur possible de la nouvelle vitesse initiale V_0 , afin que le sac tombe directement dans le trou. Commenter la valeur obtenue.

Le candidat est invité à prendre des initiatives et à présenter la démarche suivie, même si elle n'a pas abouti. La démarche est évaluée et nécessite d'être correctement présentée.

Total / 25

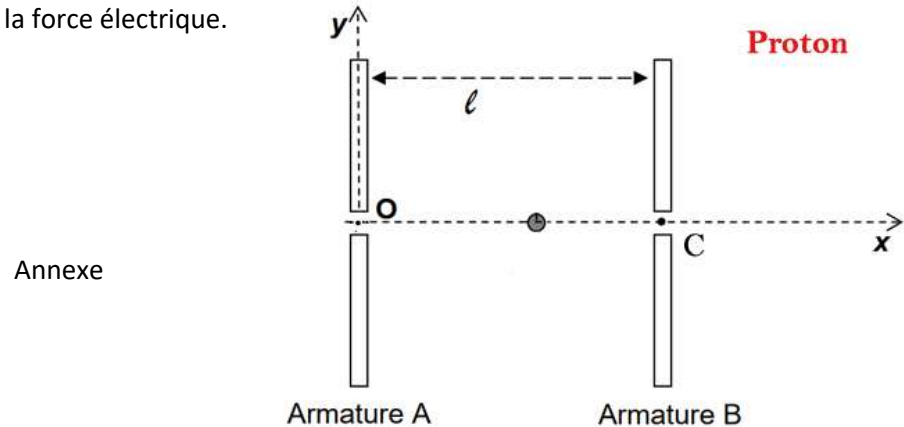
Exercice 2 : Étude simplifiée d'un accélérateur de protons

Un proton pénètre dans un accélérateur linéaire de particules.
 À $t = 0$ s, le proton est situé en O et possède une vitesse initiale de valeur $V_0 = 2,0 \cdot 10^3$ m/s et de direction (Ox) (voir schéma ci-après).
 Entre les armatures A et B, séparées d'une distance $\ell = 6,5$ cm, règne un champ électrostatique uniforme de valeur $E = 10,0$ kV/m



Données :

- Masse d'un proton : $m_p = 1,7 \times 10^{-27}$ kg
- Charge élémentaire : $e = 1,6 \times 10^{-19}$ C
- On négligera le poids devant la force électrique.



1. Sachant que le proton est accéléré, représentez, sans souci d'échelle, le vecteur champ électrique \vec{E} et précisez les signes des armatures A et B **sur l'annexe 1. Justifiez.**
2. Quelles sont les coordonnées du vecteur champ électrique \vec{E} ?
3. Donnez l'expression du vecteur force électrique \vec{F} appliquée au proton en fonction de la charge élémentaire e et du vecteur champ électrique \vec{E}
4. Représentez, sans souci d'échelle, le vecteur \vec{F} appliqué au proton entre les 2 armatures **sur l'annexe 1.**
5. Après avoir appliqué la seconde loi de Newton, déterminez l'expression du vecteur accélération \vec{a} ainsi que ses coordonnées.
6. Représentez, sans souci d'échelle, le vecteur \vec{a} du proton entre les 2 armatures **sur l'annexe 1.**
7. Déterminez les coordonnées du vecteur vitesse \vec{V}_0 et du vecteur position \vec{OG}_0 à $t = 0$ s
8. Montrer que la coordonnée du vecteur vitesse $V(t)$ sur l'axe (Ox) s'écrit et montrer que

$$V_x(t) = \frac{e \times E}{m_p} \times t + V_0$$
9. Déterminer $V_y(t)$ et justifier le nom d' « accélérateur linéaire » attribué à cet accélérateur.
- 10- En déduire les équations horaires décrivant le mouvement du proton.

11. A partir de l'annexe, déterminer les coordonnées du point C correspondant à la sortie de l'accélérateur
12. En déduire la date t_f à laquelle le proton sort de l'accélérateur.
13. Calculez la valeur de la vitesse V_f du proton à la sortie de l'accélérateur.
14. En utilisant le théorème de l'énergie cinétique, retrouvez la valeur de la vitesse V_f

**
**
**
**
**
**
**
**
**
**
**
**
**
**
**
**
**
**
**
**
**
**

TOTAL Exercice / 22 points